

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2024
Α' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

ΤΑΞΗ: Γ' ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΣ: ΘΕΤΙΚΩΝ ΣΠΟΥΔΩΝ

ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ

Ημερομηνία: Τετάρτη 3 Ιανουαρίου 2024
Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

- A1. γ
A2. β
A3. γ
A4. δ
A5. α. Σ
β. Λ
γ. Λ
δ. Σ
ε. Λ

ΘΕΜΑ Β

B1. Σωστό το (α)

Από το διάγραμμα διαπιστώνουμε ότι: $\frac{3}{2}T_1 = T_2 \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{3}{2}$.

Οπότε $\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{\frac{2\pi}{T_1}}{\frac{2\pi}{T_2}} = \frac{T_2}{T_1} = \frac{3}{2}$.

Επίσης από το διάγραμμα:

$$v_1^{max} = 2 v_2^{max} \Rightarrow \omega_1 A_1 = 2 \omega_2 A_2 \Rightarrow \frac{3}{2} \omega_2 A_1 = 2 \omega_2 A_2.$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2024 Α' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

$$\text{Άρα } \frac{A_1}{A_2} = \frac{4}{3}.$$

$$\text{Επομένως } \frac{\Sigma F_1^{max}}{\Sigma F_2^{max}} = \frac{D_1 A_1}{D_2 A_2} = \frac{m_1 \omega_1^2 A_1}{m_2 \omega_2^2 A_2} = \frac{3}{2}.$$

B2. Σωστό το (α)

Η συνολική ορμή του μονωμένου συστήματος των Σ , Σ_1 και Σ_2 παραμένει σταθερή. Εφόσον το συσσωμάτωμα που προκύπτει μετά την κρούση κινείται στον άξονα x'x η συνολική ορμή του συστήματος των παραπάνω σωμάτων στον άξονα y'y πριν και μετά την κρούση είναι ίση με μηδέν.

Από την διατήρηση της ορμής στον άξονα y'y, θεωρώντας ως θετική τη φορά προς τα πάνω, έχουμε:

$$\vec{p}_{\text{πριν}} = \vec{p}_{\text{μετά}} \Rightarrow M_2 v_2 - M_1 v_1 = 0 \Rightarrow M_2 v = m 2v \Rightarrow M_2 = 2 m.$$

Από την διατήρηση της ορμής στον άξονα x'x θεωρώντας ως θετική τη φορά προς τα δεξιά έχουμε:

$$\vec{p}_{\text{πριν}} = \vec{p}_{\text{μετά}} \Rightarrow M v_{\Sigma} = (M + M_1 + M_2) v_K \Rightarrow 3m \cdot 2v = (3m + m + 2m) v_K \Rightarrow v_K = v, \text{ όπου } v_K \text{ η κοινή ταχύτητα που αποκτούν τα τρία σώματα αμέσως μετά την κρούση.}$$

Η κινητική ενέργεια των τριών σωμάτων λίγο πριν την κρούση είναι ίση με:

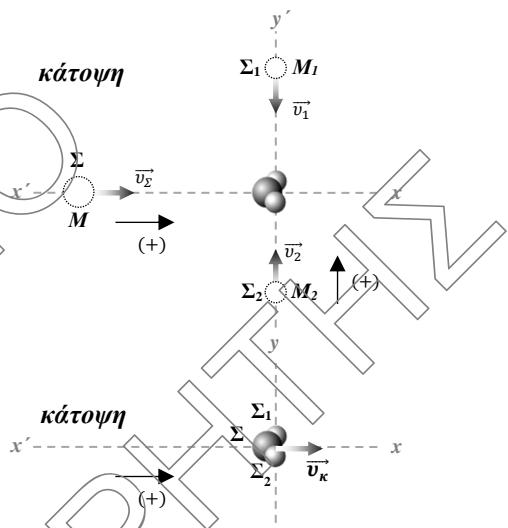
$$K_{\text{πριν}} = \frac{1}{2} M v_{\Sigma}^2 + \frac{1}{2} M_1 v_1^2 + \frac{1}{2} M_2 v_2^2 = \frac{1}{2} 3m 4v^2 + \frac{1}{2} m 4v^2 + \frac{1}{2} 2m v^2 = 9 mv^2.$$

Η κινητική ενέργεια του συσσωματωμάτος αμέσως μετά την κρούση είναι ίση με: $K_{\text{μετά}} = \frac{1}{2} (M + M_1 + M_2) v_K^2 = \frac{1}{2} 6mv^2 = 3mv^2$.

Επομένως η θερμότητα λόγω κρούσης είναι ίση με: $Q = |\Delta K| = 6 m v^2$.

Το ποσοστό Π της κινητικής ενέργειας των τριών σωμάτων πριν την κρούση που μετατράπηκε σε θερμότητα λόγω κρούσης είναι ίσο με:

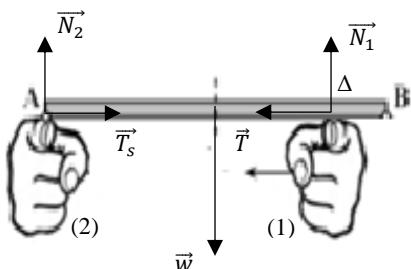
$$\Pi = \frac{Q}{K_{\text{πριν}}} 100 = \frac{6mv^2}{3mv^2} 100 \Rightarrow \Pi = \frac{2}{3} 100 \%.$$



ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2024 Α' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

B3. Σωστό το (γ) .



Στην ράβδο ασκούνται, το βάρος w , οι δυνάμεις στήριξης \vec{N}_1 και \vec{N}_2 από τα 2 δάκτυλα, η στατική τριβή \vec{T}_s από το δάκτυλο (2) και η τριβή ολίσθησης \vec{T} από το δάκτυλο (1), όπου $T = \mu N_1$.

Καθώς η ράβδος ισορροπεί:

$$\text{Στον οριζόντιο άξονα } x-x: \sum F_x = 0 \Rightarrow T_s = T \quad (1).$$

$$\text{Στον κατακόρυφο άξονα } y-y: \sum F_y = 0 \Rightarrow N_1 + N_2 = w \quad (2).$$

$\sum \tau = 0$ (Οι ροπές υπολογίζονται ως προς το A).

$$-\tau_w + \tau_{N1} = 0 \Rightarrow w \frac{L}{2} = N_1 (L - \frac{L}{8}) \Rightarrow N_1 = \frac{8w}{14}.$$

$$\text{Από την (2): } N_2 = w - N_1 = w - \frac{8w}{14} \Rightarrow N_2 = \frac{6w}{14}.$$

Την στιγμή που η ράβδος είναι έτοιμη να κινηθεί, η στατική τριβή έχει τη μέγιστη τιμή της, $T_{smax} = \mu_s N_2$.

$$\text{Από την (1): } \mu_s N_2 = \mu N_1 \Rightarrow \frac{\mu_s}{\mu} = \frac{N_1}{N_2} \Rightarrow \frac{\mu_s}{\mu} = \frac{4}{3}.$$

ΘΕΜΑ Γ

Γ1. Η ελάχιστη οριζόντια απόσταση όρους και κοιλάδας είναι ίση με $\Delta x = \frac{\lambda}{2}$.

$$\text{Άρα: } \frac{\lambda}{2} = 0,1 \text{ m} \Rightarrow \lambda = 0,2 \text{ m}.$$

Ο χρόνος ανάμεσα σε 2 διαδοχικά περάσματα μιας στοιχειώδους μάζας από την θέση ισορροπίας της είναι ίσος με $\Delta t = \frac{T}{2}$, όπου T η περίοδος ταλάντωσης.

$$\text{Άρα: } \frac{T}{2} = 0,1 \text{ s} \Rightarrow T = 0,2 \text{ s}.$$

Επομένως η συχνότητα είναι ίση με $f = \frac{1}{T} = 5 \text{ Hz}$ και η ταχύτητα διάδοσης του κύματος ίση με $v = \lambda f = 1 \frac{m}{s}$.

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2024

A' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

Ο χρόνος της που απαιτείται για να φτάσει το κύμα στο σημείο Γ προκύπτει με τη βοήθεια της ταχύτητας διάδοσης του κύματος.

$$v = \frac{x_\Gamma}{t_\Gamma} \Rightarrow t_\Gamma = \frac{x_\Gamma}{v} \Rightarrow t_\Gamma = 0,8 \text{ s.}$$

Ο χρόνος που απαιτείται για τη μετακίνηση της μάζας (Γ) από τη θέση ισορροπίας της στη θέση μέγιστης απομάκρυνσης είναι $\Delta t = \frac{T}{4} = 0,05 \text{ s.}$

Άρα η χρονική στιγμή t όπου η στοιχειώδης μάζα (Γ) φτάνει για πρώτη φορά στη θέση μέγιστης απομάκρυνσης είναι: $t = t_\Gamma + \Delta t \text{ ή } t = 0,85 \text{ s.}$

- Γ2.** Εφόσον το κύμα διαδίδεται προς τη θετική κατεύθυνση η εξίσωσή του δίγεται παρακάτω:

$$y = A\eta\mu 2\pi\left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right) \Rightarrow y = 0,1 \cdot \eta\mu 2\pi\left(\frac{t}{0,2} - \frac{x}{0,2}\right), (\text{S.I.}) \Rightarrow$$

$$y = 0,1 \cdot \eta\mu 2\pi(5t - 5x), (\text{S.I.}), (x \geq 0).$$

Η χρονική στιγμή t για την οποία θα υπολογίσουμε την απομάκρυνση για της μάζας (Δ) υπολογίζεται παρακάτω:

$t = t_\Delta + \Delta t'$ όπου t_Δ ο χρόνος που απαιτείται για να φτάσει το κύμα στο σημείο Δ .

$$v = \frac{x_\Delta}{t_\Delta} \Rightarrow t_\Delta = \frac{x_\Delta}{v} = 1 \text{ s.} \text{ Επομένως } t = 1,25 \text{ s.}$$

Αντικαθιστώντας στην εξίσωση του αρμονικού κύματος:

$$y_\Delta = 0,1 \cdot \eta\mu 2\pi(5 \cdot 1,25 - 5 \cdot 1) \text{ m} = 0,1 \cdot \eta\mu 2,5\pi \text{ m} \text{ ή } y_\Delta = 0,1 \text{ m.}$$

$$\text{Εναλλακτικά: } y_\Delta = A\eta\mu\omega\Delta t' = A\eta\mu\frac{2\pi}{T}\Delta t' = 0,1 \cdot \eta\mu 2,5\pi \text{ m} \text{ ή } y_\Delta = 0,1 \text{ m.}$$

- Γ3.** Για τη στοιχειώδη μάζα (Γ):

$$\varphi_\Gamma = 2\pi(5t - 5x_\Gamma) = 2\pi(5t - 4) = 10\pi t - 8\pi \text{ (S.I.), } t \geq 0,8 \text{ s.}$$

Για τη στοιχειώδη μάζα (Δ):

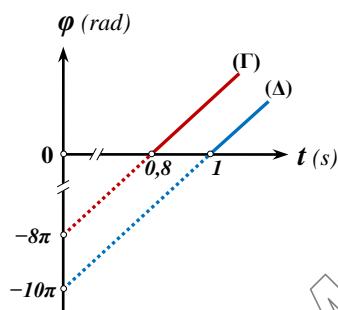
$$\varphi_\Delta = 2\pi(5t - 5x_\Delta) = 2\pi(5t - 5) = 10\pi t - 10\pi \text{ (S.I.), } t \geq 1 \text{ s.}$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2024

Α' ΦΑΣΗ

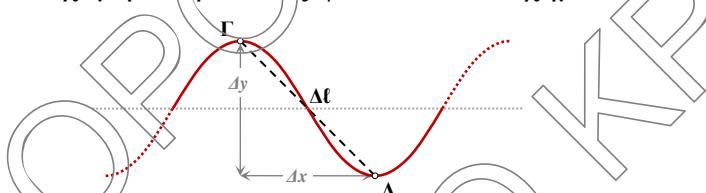
E_3.Φλ3Θ(α)

Οι γραφικές παραστάσεις των παραπάνω φάσεων σε κοινούς άξονες φάσης χρόνου δίνονται παρακάτω:



Γ4. Η ταχύτητα του κύματος παραμένει σταθερή γιατί το κύμα διαδίδεται στο ίδιο υλικό μέσο. Άρα $v = \lambda' f' \Rightarrow \lambda' = \frac{v}{f'} = 0,4 \text{ m}$.

Οι στοιχειώδεις μάζες (Γ) και (Δ) απέχουν οριζόντια μεταξύ τους $\Delta x = \frac{\lambda'}{2} = 0,2 \text{ m}$. Επομένως όταν η (Γ) βρίσκεται στο ψηλότερο σημείο της τροχιάς της η (Δ) βρίσκεται στο χαμηλότερο όπως φαίνεται στο σχήμα.



Η μεταξύ τους κατακόρυφη απόσταση είναι $\Delta y = 2A = 0,2 \text{ m}$.

Επομένως η απόσταση των (Γ) και (Δ) όταν η (Γ) βρίσκεται στο ψηλότερο σημείο της τροχιάς της είναι ίση με:

$$\Delta l = \sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2} \quad \text{ή} \quad \Delta l = 0,2\sqrt{2} \text{ m.}$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2024

A' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(a)

ΘΕΜΑ Δ

- Δ1.** Από την ισορροπία του σώματος Σ_1 έχουμε ότι:

$$\Sigma F_1 = 0 \Rightarrow T_1 = m_1 g = 40 \text{ N}.$$

- Από την ισορροπία του σώματος Σ_2 έχουμε ότι:

$$\Sigma F_2 = 0 \Rightarrow T_2 = m_2 g.$$

- Από την ισορροπία του συστήματος των σωμάτων Σ_3 και Σ_4 έχουμε ότι:

$$\Sigma F_{3,4} = 0 \Rightarrow T = (m_3 + m_4)g + F_{\varepsilon\lambda}$$

$$\Rightarrow T = 40 \text{ N}.$$

- Για την στροφική ισορροπία του στερεού έχουμε ότι:

$$\Sigma \tau_{(o)} = 0 \Rightarrow T_2' \cdot R_2 + T_1' \cdot R_1 = T' \cdot R_2$$

$$\Rightarrow T_2' = 20 \text{ N}.$$

$$T_2' = T_2 = m_2 g \Rightarrow m_2 = 2 \text{ kg}.$$

- Για την μεταφορική ισορροπία του στερεού (Σ) έχουμε ότι:

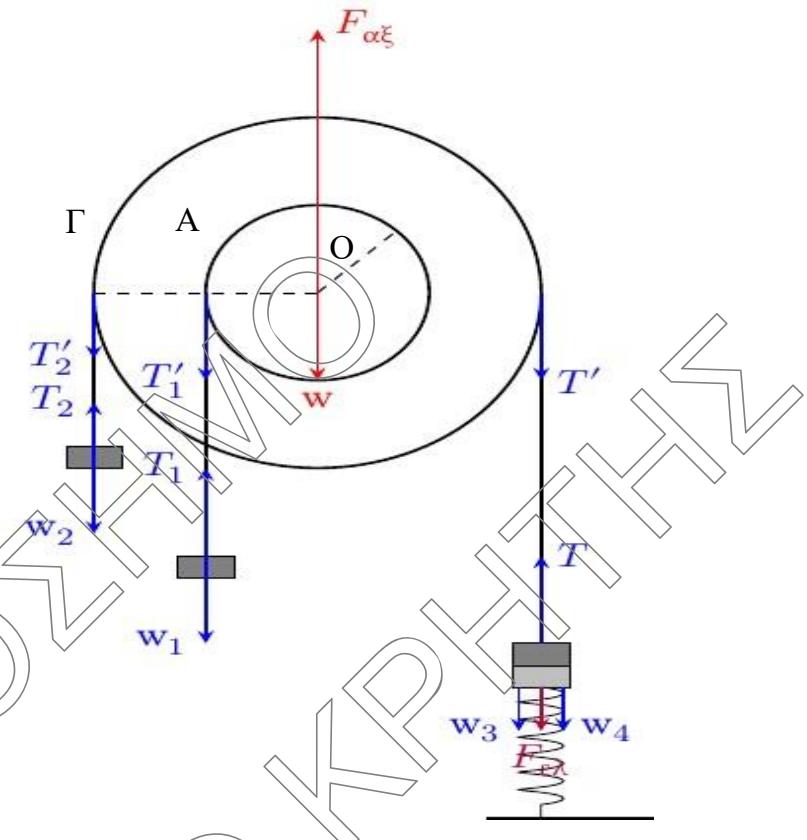
$$\Sigma F = 0 \Rightarrow T_2' + T_1' + Mg + T' = F_{\alpha\xi} \Rightarrow F_{\alpha\xi} = 200 \text{ N}, \text{ με διεύθυνση κατακόρυφη και φορά προς τα πάνω.}$$

- Δ2.** Στη θέση ισορροπίας της ταλάντωσής των σωμάτων Σ_3 και Σ_4 ισχύει ότι:

$$\Sigma F = 0 \Rightarrow F'_{\varepsilon\lambda} = (m_3 + m_4)g \Rightarrow k \Delta l' = (m_3 + m_4)g \Rightarrow \Delta l' = 0,1 \text{ m}.$$

Κατά την έναρξη της κίνησής τους τα σώματα Σ_3 και Σ_4 βρίσκονται σε ακραία θέση της τροχιάς τους. Το πλάτος της ταλάντωσής τους θα είναι

$$A = \Delta l + \Delta l' = 0,4 \text{ m}.$$



ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2024
 Α' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(a)

Για την σταθερά επαναφοράς της ταλάντωσης του συστήματος των σωμάτων Σ_3 και Σ_4 ισχύει

$$D = k = (m_3 + m_4) \omega^2, \text{ οπότε}$$

$$\omega = 10 \text{ rad/s.}$$

Την χρονική στιγμή $t_0 = 0$ s το σώμα βρίσκεται στην ακραία θετική του απομάκρυνση $y = +A$, άρα έχει αρχική φάση. Με αντικατάσταση στην γενική εξίσωση $y = A\eta\mu(\omega t + \varphi_0)$ έχουμε:

$$A = A\eta\mu(\omega \cdot 0 + \varphi_0) \Rightarrow \eta\mu\varphi_0 = 1.$$

Επομένως $\varphi_0 = \pi/2$ rad.

Η χρονική συνάρτηση απομάκρυνσής τους από τη θέση ισορροπίας είναι:

$$y = A \eta\mu(\omega t + \varphi_0) \Rightarrow y = 0,4 \eta\mu(10t + \pi/2), (\text{S.I.})$$

Δ3. Η σταθερά επαναφοράς για την ταλάντωση που εκτελεί το σώμα Σ_3 ισούται με:

$$D_3 = m_3 \omega^2 = 50 \text{ N/m.}$$

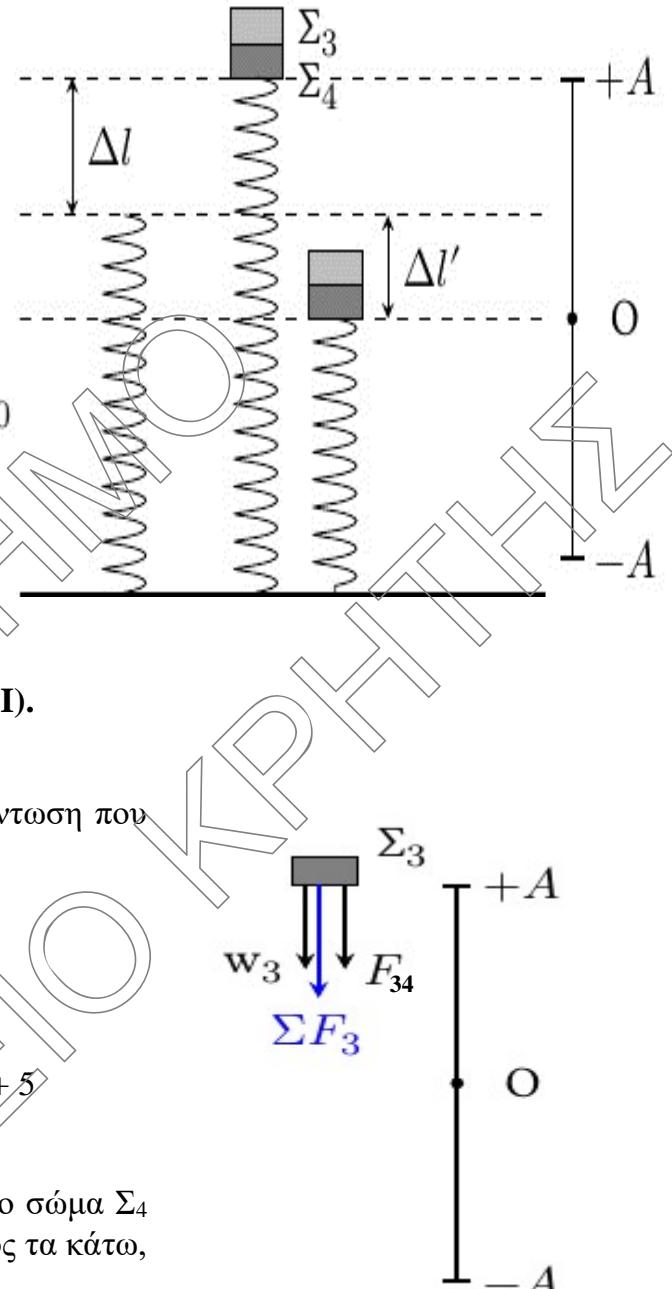
Στο ανώτερο σημείο της τροχιάς του ισχύει:

$$\begin{aligned} \vec{\sum F}_3 &= \vec{w}_3 + \vec{F}_{3,4} \Rightarrow -D_3 y = -w_3 + F_{3,4}, \\ \Rightarrow F_{3,4} &= -D_3 (+A) + w_3 \Rightarrow F_{3,4} = -50 \cdot (0,4) + 5 \\ \Rightarrow F_{3,4} &= -15 \text{ N.} \end{aligned}$$

Δηλαδή η δύναμη $\vec{F}_{3,4}$ που ασκείται από το σώμα Σ_4 στο σώμα Σ_3 έχει μέτρο 15 N και φορά προς τα κάτω, όπως φαίνεται στο σχήμα.

Δ4. Το σώμα Σ_1 κινείται με ταχύτητα μέτρου $v_1 = \omega R_1$ και το σώμα Σ_2 με ταχύτητα μέτρου $v_2 = \omega R_2$. Αφού $R_2 = 2 R_1$, τότε ισχύει ότι $v_2 = 2 v_1$.

Για τα μέτρα των επιταχύνσεων \vec{a}_1 και \vec{a}_2 των σωμάτων Σ_1 και Σ_2 αντίστοιχα θα έχουμε ότι: $a_2 = \frac{dv_2}{dt} = 2 \frac{dv_1}{dt} = 2a_1$.



ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2024

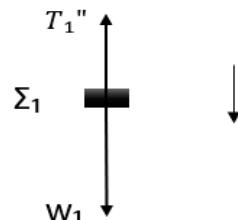
A' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(a)

Όταν τα σώματα Σ_1 και Σ_2 συναντηθούν θα έχουν διανύσει διαστήματα s_1 και s_2 αντίστοιχα, για τα οποία ισχύει ότι:

$$s_2 = s_1 + d \Rightarrow \frac{1}{2} \alpha_2 t^2 = \frac{1}{2} \alpha_1 t^2 + d \Rightarrow \frac{1}{2} 2\alpha_1 t^2 = \frac{1}{2} \alpha_1 t^2 + d$$

$$\Rightarrow \alpha_1 = 0,5 \text{ m/s}^2.$$



Κατά την κίνηση του σώματος Σ_1 ισχύει:

$$\Sigma F_1 = m_1 g - T_1'' \Rightarrow T_1'' = 38 \text{ N.}$$

Δ5. Για κάθε κινούμενο σημείο της περιφέρειας των κυλίνδρων, η επιτάχυνση του είναι το διανυσματικό άθροισμα της επιτρόχιας επιτάχυνσης και της κεντρομόλου επιτάχυνσης, δηλαδή $\vec{a} = \vec{a}_\varepsilon + \vec{a}_\kappa$.

Όλα τα κινούμενα σημεία των κυλίνδρων έχουν κάθε χρονική στιγμή την ίδια γωνιακή ταχύτητα $\vec{\omega}$ και την ίδια γωνιακή επιτάχυνση \vec{a}_γ .

Για τα μέτρα της επιτρόχιας και της κεντρομόλου επιτάχυνσης έχουμε:

$$a_\varepsilon = R \cdot a_\gamma \text{ και } a_\kappa = \omega^2 R, \text{ αντίστοιχα.}$$

Για το μέτρο της επιτάχυνσης ισχύει:

$$a = \sqrt{a_\varepsilon^2 + a_\kappa^2} = \sqrt{(R a_\gamma)^2 + (\omega^2 R)^2} =$$

$R \sqrt{a_\gamma^2 + \omega^4}$, όπου R η ακτίνα της κυκλικής τροχιάς που πραγματοποιεί το κάθε σημείο.

Για το σημείο A έχουμε: $a_A = R \sqrt{a_\gamma^2 + \omega^4}$.

Για το σημείο Γ έχουμε: $a_\Gamma = 2R \sqrt{a_\gamma^2 + \omega^4}$.

$$\text{οπότε } \frac{a_A}{a_\Gamma} = \frac{1}{2}.$$