

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2020**
Β' ΦΑΣΗ**E_3.ΜΕΛ3Γ(ε)****ΤΑΞΗ: 3^η ΤΑΞΗ ΕΠΑ.Λ.****ΜΑΘΗΜΑ: ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ / ΓΕΝΙΚΗΣ ΠΑΙΔΕΙΑΣ****Ημερομηνία: Σάββατο 16 Μαΐου 2020****Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες****ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ****ΘΕΜΑ Α**

- A1.** Αν οι συναρτήσεις $f(x)$ και $g(x)$ είναι παραγωγίσιμες σε ένα σύνολο A , τότε να αποδειχτεί ότι $(f(x) + g(x))' = f'(x) + g'(x)$

Μονάδες 7

- A2.** Τι ονομάζεται δείγμα ενός πληθυσμού και πότε ένα δείγμα στην πράξη ονομάζεται αντιπροσωπευτικό ;

Μονάδες 4

- A3. α)** Τι ονομάζεται σχετική συχνότητα της τιμής μιας μεταβλητής x ;
β) Ποιες ιδιότητες ισχύουν για τη σχετική συχνότητα;

Μονάδες 4

- A4.** Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας, δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση, τη λέξη Σωστό, αν η πρόταση είναι σωστή ή τη λέξη Λάθος, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

α) Πόσες φορές βγήκε με 'Μετακίνηση 6' στις 45 ημέρες καραντίνας ο Γιώργος είναι ποσοτική συνεχής μεταβλητή.

β) Μια συνάρτηση $f(x)$ με πεδίο ορισμού A λέγεται συνεχής, αν για κάθε

$$x_0 \in A \text{ ισχύει } \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = f(x_0).$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2020
Β' ΦΑΣΗ

E_3.ΜΕΛ3Γ(ε)

- γ) Η αθροιστική συχνότητα N_i μιας τιμής x_i εκφράζει το πλήθος των παρατηρήσεων που είναι μεγαλύτερες ή ίσες από την τιμή x_i , $i=1,2,...,k$
- δ) Ο συντελεστής διεύθυνσης της εφαπτομένης της καμπύλης που είναι η γραφική παράσταση μιας συνάρτησης $f(x)$ στο σημείο $A(x_0, f(x_0))$ θα είναι $f'(x_0)$.
- ε) Αν για μια συνάρτηση $f(x)$ ισχύουν, $f'(x_0) = 0$ για $x_0 \in (a, b)$, $f'(x) < 0$ στο (a, x_0) και $f'(x) > 0$ στο (x_0, b) τότε η $f(x)$ παρουσιάζει στο διάστημα (a, b) για $x=x_0$ μέγιστο.

Μονάδες 10

ΘΕΜΑ Β

Δίνεται η συνάρτηση $f(x) = \kappa^2 x^3 - 9\kappa x^2 + 15x + 3$ η οποία παρουσιάζει τοπικό ακρότατο στη θέση $x = \frac{1}{3}$.

B1. Να υπολογίσετε τις τιμές του πραγματικού αριθμού κ .

Μονάδες 5

Αν $\kappa=3$

B2. Να εξετάσετε την $f(x)$ ως προς την μονοτονία και να βρείτε το είδος και τις τιμές των τοπικών ακροτάτων.

Μονάδες 6

B3. Να βρεθεί η εφαπτομένη της γραφικής παράστασης της $f(x)$ στο σημείο $A(0, f(0))$ και να βρεθούν τα σημεία στα οποία αυτή τέμνει τους άξονες x' και y' .

Μονάδες 7

B4. Να υπολογιστεί το όριο: $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f''(x) - 18f(0)}{\sqrt{x+2} - 2}$

Μονάδες 7

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2020
Β' ΦΑΣΗ

E_3.ΜΕΛ3Γ(ε)

ΘΕΜΑ Γ

Στον παρακάτω πίνακα δίνεται ο αριθμός των λογαριασμών που διατηρούν σε κοινωνικά δίκτυα n σε πλήθος μαθητές ενός τμήματος ΕΠΑΛ της νησιωτικής Ελλάδας.

Αριθμός λογαριασμών σε κοινωνικά δίκτυα x_i	Αριθμός μαθητών n_i	Αθροιστική συχνότητα N_i	Σχετική συχνότητα $f_i\%$
0	α		
1		β	
2			γ
3		δ	
4			ε
5			

Γ1. Αν γνωρίζετε ότι η συνάρτηση $f(x) = \begin{cases} \frac{x^3 - x^2 + x - 1}{x^2 - 1}, & x \neq 1 \\ v^2 - 40v + 401, & x = 1 \end{cases}$ είναι συνεχής για κάθε $x \in \mathbb{R}$, να δείξετε ότι το πλήθος των μαθητών της έρευνας μας είναι $v=20$.

Μονάδες 5

Γ2. I. Να δείξετε ότι $\alpha=2$, αν γνωρίζετε ότι: $\alpha = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{3x - 9}$

Μονάδες 2

II. Να δείξετε ότι $\beta=12$, αν γνωρίζετε ότι: $\beta = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 8}{x - 2}$

Μονάδες 2

III. Να δείξετε ότι $\gamma=10$, αν γνωρίζετε ότι: $\gamma = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{-10\eta\mu^2 x}{\sigma\upsilon\nu^2 x - 1}$

Μονάδες 2

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2020
Β' ΦΑΣΗ

E_3.ΜΕΛ3Γ(ε)

Γ3. I. Να δείξετε ότι $\delta=15$, αν γνωρίζετε ότι: $\delta = \lim_{x \rightarrow 0} 15 \frac{\varepsilon \varphi x}{\eta \mu x}$

Μονάδες 3

II. Να δείξετε ότι $\varepsilon=5$, αν γνωρίζετε ότι: $\varepsilon = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x^2 - 3x - 2}{x - 2}$

Μονάδες 3

Γ4. Να συμπληρώσετε τον πίνακα:

Αριθμός λογαριασμών σε κοινωνικά δίκτυα x_i	Αριθμός μαθητών v_i	Αθροιστική συχνότητα N_i	Σχετική συχνότητα $f_i\%$
0	$\alpha=v_1=2$	N_1	f_1
1	v_2	$\beta=N_2=12$	f_2
2	v_3	N_3	$\gamma=f_3=10$
3	v_4	$\delta=N_4=15$	f_4
4	v_5	N_5	$\varepsilon=f_5=5$
5	v_6	$v=20$	f_6
Σύνολο	$v=20$		

Μονάδες 8

ΘΕΜΑ Δ

Μια σκάλα AB με μήκος 3m είναι στερεωμένη όπως φαίνεται στο σχήμα που ακολουθεί. Το πάνω άκρο γλιστρά με ταχύτητα $\sqrt{5}m/s$. Τη χρονική στιγμή $t = t_0$ το A απέχει 2m, από το σημείο O.

Δ1. Να εκφράσετε το y ως συνάρτηση του x.

Μονάδες 4

Δ2. Να βρείτε το y τη χρονική στιγμή t_0 .

Μονάδες 4

Δ3. Να βρείτε την ταχύτητα με την οποία απομακρύνεται το Α τη χρονική στιγμή t_0 .

Μονάδες 5

Δ4. I. Να εκφράσετε το εμβαδόν Ε ως συνάρτηση του x.

Μονάδες 4

II. Να μελετήσετε την $E(x)$ ως προς την μονοτονία και τα ακρότατα.

Μονάδες 5

III. Να συγκρίνετε τους αριθμούς $E\left(\eta\mu\frac{\pi}{18}\right)$ και $E\left(\eta\mu\frac{\pi}{5}\right)$

Μονάδες 3

