

ΤΑΞΗ: Β' ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ / ΘΕΤΙΚΗΣ & ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΗΣ

Ημερομηνία: Κυριακή 28 Απριλίου 2013

Διάρκεια Εξέτασης: 2 ώρες

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

A1. δ

A2. γ

A3. β

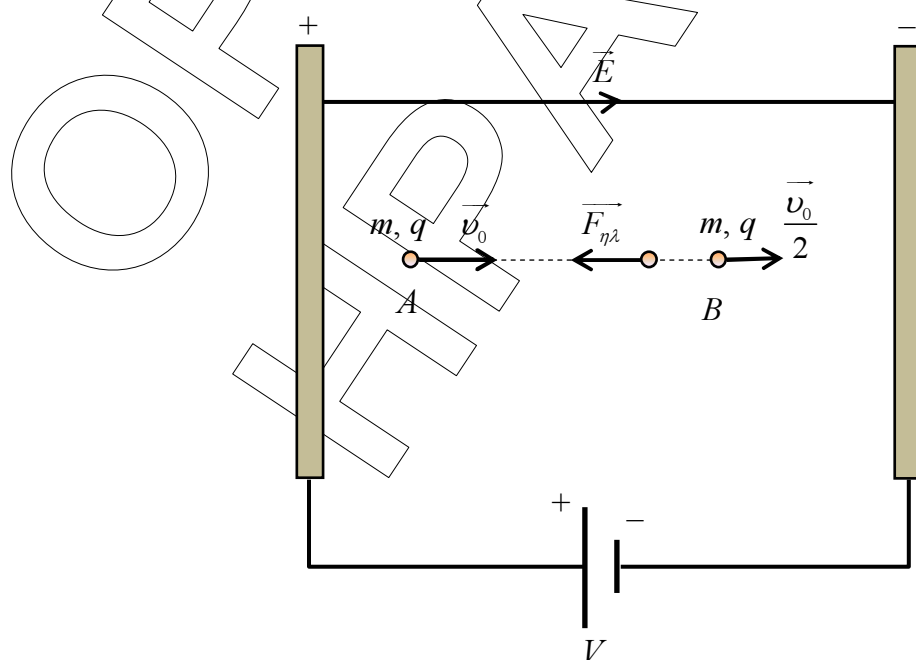
A4. γ

A5. α. Σωστό, β. Λάθος, γ. Σωστό, δ. Λάθος, ε. Σωστό.

ΘΕΜΑ Β

B1.1. Σωστή επιλογή (β)

Η κατεύθυνση της ταχύτητας $\vec{v}_0$ είναι ίδια με την κατεύθυνση των δυναμικών γραμμών του ομογενούς ηλεκτρικού πεδίου. Το σωματίδιο κατά τη διάρκεια της κίνησης του από το σημείο A στο σημείο B, εκτελεί ευθύγραμμη ομαλά επιβραδυνόμενη κίνηση υπό την επίδραση της δύναμης του ηλεκτρικού πεδίου.



Εφαρμόζουμε το 2^ο Νόμο του Νεύτωνα στον άξονα της κίνησης του φορτισμένου σωματιδίου.

$$|\Sigma F| = m \cdot |\alpha| \Rightarrow F_{\eta\lambda} = m \cdot |\alpha| \Rightarrow E \cdot |q| = m \cdot |\alpha| \Leftrightarrow |\alpha| = \frac{E \cdot |q|}{m} \quad (1)$$

Η ταχύτητα του σωματιδίου θα ικανοποιεί την εξίσωση

$$v = v_0 - |\alpha| \cdot t \Rightarrow \frac{v_0}{2} = v_0 - |\alpha| \cdot t \Rightarrow |\alpha| \cdot t = \frac{v_0}{2} \Leftrightarrow t = \frac{v_0}{2|\alpha|} \Rightarrow t = \frac{m \cdot v_0}{2 \cdot E \cdot |q|} \quad (1)$$

B1. 2. Σωστή επιλογή (α)

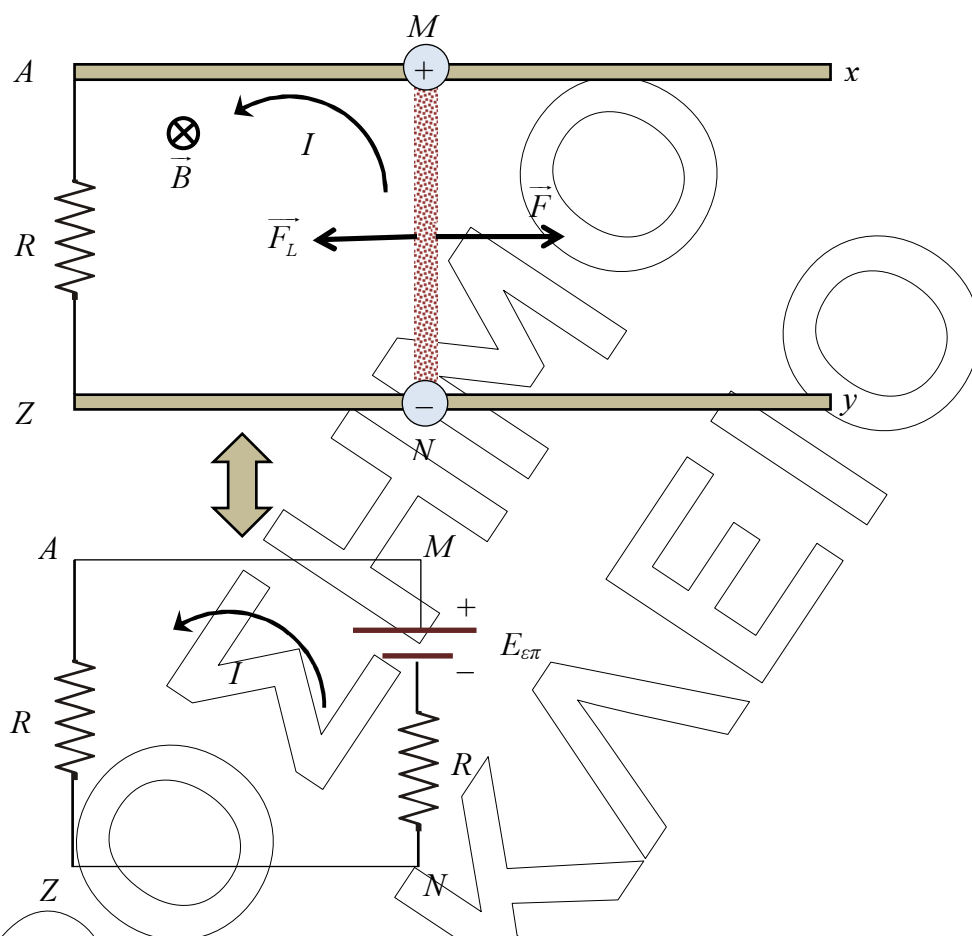
Εφαρμόζοντας ΘΜΚΕ από το σημείο A στο σημείο B, έχουμε ότι:

$$K_{τελ} - K_{αρχ} = W_{F_{\eta\lambda}} \Rightarrow \frac{1}{2} m \frac{v_0^2}{4} - \frac{1}{2} m v_0^2 = -|q| \cdot V_{AB} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{mv_0^2}{8} - \frac{4mv_0^2}{8} = -|q| \cdot V_{AB} \Rightarrow -\frac{3mv_0^2}{8} = -|q| \cdot V_{AB} \Rightarrow V_{AB} = \frac{3mv_0^2}{8|q|}$$

B2. 1. Σωστή επιλογή (α)

Υπό την επίδραση της δύναμης $\vec{F}$ η αρχικά ακίνητη ράβδος ξεκινά να επιταχύνεται και στα άκρα της αναπτύσσεται ηλεκτρεγερτική δύναμη από επαγωγή $E_{επ} = Bv\ell$ (1). Στα ελεύθερα ηλεκτρόνια της ράβδου ασκείται από το μαγνητικό πεδίο δύναμη Lorentz η οποία τα κατευθύνει προς το άκρο N. Επομένως στο άκρο N της ράβδου έχουμε συσσώρευση αρνητικού φορτίου και στο άκρο M περίσσεια θετικού φορτίου. Συνεπώς το κλειστό κύκλωμα AMNZ διαρρέεται από επαγωγικό ρεύμα και η ράβδος δέχεται από το μαγνητικό πεδίο δύναμη Laplace, όπως φαίνεται στο παρακάτω σχήμα.



Εφαρμόζοντας το Νόμο του Ohm στο κλειστό κύκλωμα AMNZ, έχουμε ότι:

$$I = \frac{E_{\text{επ}}}{R_{\text{ολ}}} \Rightarrow I = \frac{E_{\text{επ}}}{R + R} \stackrel{(1)}{\Rightarrow} I = \frac{Bv\ell}{2R} \quad (2)$$

Συνεπώς η δύναμη Laplace που δέχεται η ράβδος θα ισούται με:

$$F_L = BI\ell \stackrel{(2)}{\Rightarrow} F_L = B \frac{Bv\ell}{2R} \ell \Rightarrow F_L = \frac{B^2 v \ell^2}{2R} \quad (3)$$

Σύμφωνα με το 2^ο Νόμο του Νεύτωνα η ράβδος θα κινηθεί με επιτάχυνση:

$$a = \frac{\Sigma F}{m} \Rightarrow a = \frac{F - F_L}{m} \stackrel{(3)}{\Rightarrow} a = \frac{F - \frac{B^2 v \ell^2}{2R}}{m} \quad (4)$$

Επομένως, η αύξηση της ταχύτητας της ράβδου προκαλεί μείωση της επιτάχυνσης της. Δηλαδή η κίνηση της ραβδου είναι *επιταχυνόμενη με επιτάχυνση ελαττούμενου μέτρου*.

B2.2. Σωστή επιλογή (β)

Σύμφωνα με την Αρχή Διατήρησης της Ενέργειας ο ρυθμός με τον οποίο προσφέρεται ενέργεια στη ράβδο μέσω του έργου της δύναμης $\vec{F}$ είναι ίσος με το άθροισμα του ρυθμού αύξησης της κινητικής ενέργειας της ράβδου και του ρυθμού παραγωγής θερμότητας στο κύκλωμα.

Απόδειξη
Ο ρυθμός μεταβολής της κινητικής ενέργειας είναι ίσος με:

$$\frac{dK}{dt} = \frac{dW_{\Sigma F}}{dt} = \Sigma F \cdot \frac{dx}{dt} = \Sigma F \cdot v$$

$$P_F = \frac{dK}{dt} + P_{\Theta} \Rightarrow F \cdot v = \Sigma F \cdot v + I^2(R + R) \Rightarrow$$

$$F \cdot v = (F - F_L) \cdot v + 2I^2 R \Rightarrow F \cdot v = \left(F - \frac{F}{3}\right) \cdot v + 2I^2 R \Rightarrow$$

$$F \cdot v = \frac{2F}{3} \cdot v + 2I^2 R \Rightarrow \frac{F}{3} \cdot v = 2I^2 R \Leftrightarrow I^2 = \frac{F \cdot v}{6 \cdot R} \Rightarrow I = \sqrt{\frac{F \cdot v}{6 \cdot R}}$$

ΘΕΜΑ Γ

Γ1. Το σωματίδιο κατά τη διάρκεια της κίνησής του μέσα στο ομογενές μαγνητικό πεδίο δέχεται δύναμη Lorentz η οποία μεταβάλλει μόνο την κατεύθυνση του. Δηλαδή το μέτρο της ταχύτητας εισόδου $\vec{v}_0$ ισούται με το μέτρο της ταχύτητας εξόδου $\vec{v}_1$.

$$v_1 = v_0 = 10^5 \text{ m/s}$$

Το σωματίδιο διαγράφει τεταρτοκύκλιο στο εσωτερικό του μαγνητικού πεδίου διότι οι ταχύτητες εισόδου και εξόδου είναι κάθετες μεταξύ τους. Το κέντρο της κυκλικής τροχιάς ταυτίζεται με την κορυφή Z του τετραγώνου AZΔΓ και η ακτίνα της ισούται με το μήκος a της πλευράς.

$$R = \alpha \Rightarrow \alpha = \frac{mv}{B|q|} \Leftrightarrow \alpha = \left(\frac{10^{-13} \cdot 10^5}{1 \cdot |-0,125 \cdot 10^{-7}|} \right) m \Rightarrow a = \left(\frac{10^{-8}}{-0,125 \cdot 10^{-7}} \right) m \Rightarrow$$

$$a = \left(\frac{0,1}{0,125} \right) m \Rightarrow a = 0,8m$$

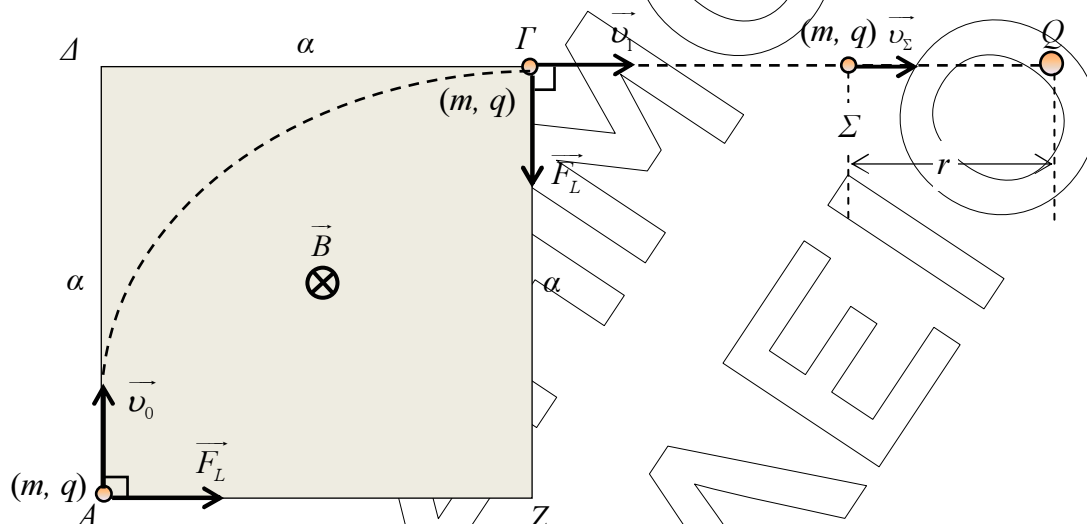
Γ2. Η περίοδος της κυκλικής κίνησης του σωματιδίου είναι ίση με:

$$T = \frac{2\pi m}{B|q|} \Rightarrow T = \left(\frac{2\pi 10^{-13}}{1 \cdot |-0,125 \cdot 10^{-7}|} \right) \text{sec} \Rightarrow T = \left(\frac{2\pi 10^{-6}}{0,125} \right) \text{sec} \Rightarrow T = 16\pi 10^{-6} \text{sec}$$

Συνεπώς θα διαγράψει το τεταρτοκύκλιο σε χρόνο

$$t_M = \frac{T}{4} \Rightarrow t_M = \left(\frac{16\pi 10^{-6}}{4} \right) \text{sec} \Rightarrow t_M = 4\pi \cdot 10^{-6} \text{sec}$$

Γ3. Κατά τη διάρκεια της κίνησης του φορτίου q , πάνω στην προέκταση της ευθείας ($\Delta\Gamma$), ασκείται η δύναμη *Coulomb* η οποία είναι συντηρητική δύναμη και επομένως μπορούμε να εφαρμόσουμε την Αρχή Διατήρησης της Μηχανικής Ενέργειας.



Εφαρμόζουμε (Α.Δ.Μ.Ε.) από το σημείο Γ μέχρι το σημείο Σ , στο οποίο η κινητική ενέργεια του σωματιδίου είναι ίση με την ηλεκτρική δυναμική ενέργεια του συστήματος των δύο φορτίων. Η αρχική ηλεκτρική δυναμική ενέργεια του συστήματος των δύο φορτίων τείνει στο μηδέν διότι βρίσκονται σε πολύ μεγάλη απόσταση.

$$E_A = E_\Sigma \Rightarrow K_A + U_{\eta\lambda, A} = K_\Sigma + U_{\eta\lambda, \Sigma} \Rightarrow K_A + 0 = U_{\eta\lambda, \Sigma} + U_{\eta\lambda, \Sigma} \Rightarrow K_A = 2U_{\eta\lambda, \Sigma} \Rightarrow \frac{1}{2}mv_1^2 = 2K_C \frac{Q \cdot q}{r} \Leftrightarrow r = \frac{4 \cdot K_C \cdot Q \cdot q}{mv_1^2} \Rightarrow$$

$$r = \left[4 \frac{9 \cdot 10^9 \cdot (-8 \cdot 10^{-8}) \cdot (-0,125 \cdot 10^{-7})}{10^{-13} \cdot (10^5)^2} \right] m \Rightarrow$$

$$r = \left[36 \frac{8 \cdot 0,125 \cdot 10^{-6}}{10^{-13} \cdot 10^{10}} \right] m \Rightarrow r = 36 \cdot 10^{-3} m$$

ΘΕΜΑ Δ

Δ1. Το σώμα (Σ_1) εκτελεί ομαλή κυκλική κίνηση ακτίνας ℓ με γραμμική ταχύτητα μέτρου

$$v_1 = \omega \cdot \ell \Rightarrow v_1 = (6 \cdot 1) \frac{m}{\text{sec}} \Rightarrow v_1 = 6 \frac{m}{\text{sec}}$$

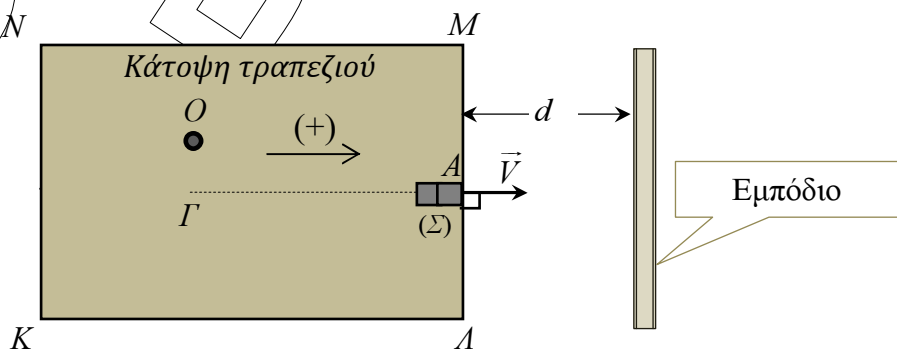
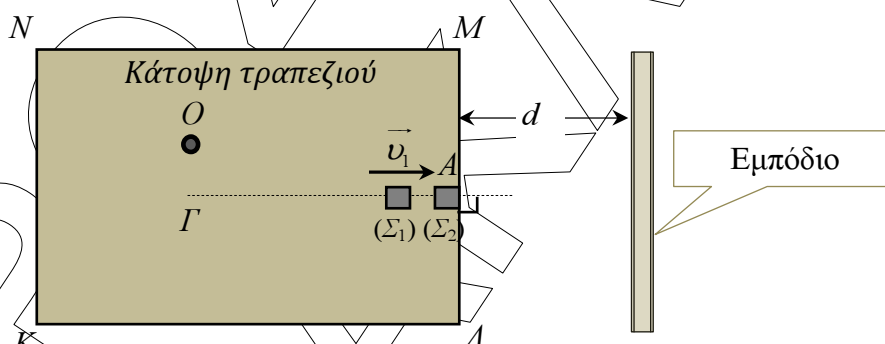
Δ2. Εφαρμόζουμε Αρχή Διατήρησης της Ορμής για την κρούση των σωμάτων $(\Sigma_1), (\Sigma_2)$.

$$\begin{aligned} \vec{p}_{\text{πριν}} &= \vec{p}_{\text{μετά}} \Rightarrow \vec{p}_{1,\text{πριν}} + \vec{p}_{2,\text{πριν}} = \vec{p}_{\Sigma} \Rightarrow \vec{p}_{1,\text{πριν}} + \vec{p}_{2,\text{πριν}} = \vec{p}_{\Sigma} \Rightarrow \\ m_1 \cdot v_1 + 0 &= (m_1 + m_2) \cdot V \Rightarrow 0,1 \cdot 6 + 0 = (0,1 + 0,1) \cdot V \Rightarrow 0,6 = 0,2 \cdot V \Rightarrow \\ V &= 3 \frac{m}{sec} \end{aligned}$$

Εφαρμόζοντας τη γενικευμένη διατύπωση του 2^{ου} Νόμου του Νεύτωνα έχουμε ότι:

$$\begin{aligned} \vec{F} &= \frac{\Delta \vec{p}_1}{\Delta t} \Rightarrow F = \frac{\Delta p_1}{\Delta t} = \frac{p_{1,\text{μετά}} - p_{1,\text{πριν}}}{\Delta t} \Rightarrow F = \frac{m_1 V - m_1 \cdot v_1}{\Delta t} \Rightarrow \\ F &= \left(\frac{0,1 \cdot 3 - 0,1 \cdot 6}{0,01} \right) N \Rightarrow F = \left(\frac{-0,1 \cdot 3}{0,01} \right) N \Rightarrow F = -30 N \end{aligned}$$

Λίγο πριν την κρούση



Αμέσως μετά την κρούση

- Δ3. Το συσσωμάτωμα αμέσως μετά την κρούση εκτελεί οριζόντια βολή και οι εξισώσεις που περιγράφουν την κίνηση του είναι:

Άξονας x

$$v_x = V \quad (1)$$

$$x = V \cdot t \quad (2)$$

Άξονας y

$$v_y = g \cdot t \quad (3)$$

$$y = \frac{1}{2} g \cdot t^2 \quad (4)$$

Το συσσωμάτωμα θα έχει διανύσει οριζόντια απόσταση d , τη χρονική στιγμή:

$$(2) \Rightarrow d = V \cdot t_1 \Leftrightarrow t_1 = \frac{d}{V} \Rightarrow t_1 = \left(\frac{1,2}{3} \right) \text{sec} \Rightarrow t_1 = 0,4 \text{sec}.$$

Τότε στον άξονα y το συσσωμάτωμα έχει διανύσει απόσταση

$$(4) \Rightarrow y = \frac{1}{2} g \cdot t_1^2 \Rightarrow y = \left(\frac{1}{2} 10 \cdot 0,4^2 \right) \text{m} \Rightarrow y = 0,8 \text{m}.$$

Άρα βρίσκεται σε ύψος από το έδαφος $h' = (1,25 - 0,8) \text{m} = 0,45 \text{m}$, δηλαδή μικρότερο από το ύψος $h_1 = 1,05 \text{m}$ του εμποδίου. Συνεπώς θα κτυπήσει πάνω του.

Το μέτρο της ταχύτητας του συσσωματώματος ισούται με το μέτρο της συνισταμένης των ταχυτήτων $\vec{v}_x, \vec{v}_y$ τη χρονική στιγμή t_1 . Δηλαδή

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} \xrightarrow{(1),(3)} v = \sqrt{V^2 + g^2 \cdot t_1^2} \Rightarrow v = \left(\sqrt{3^2 + 10^2 \cdot 0,4^2} \right) \frac{\text{m}}{\text{sec}} \Rightarrow$$

$$v = \left(\sqrt{9 + 100 \cdot 0,16} \right) \frac{\text{m}}{\text{sec}} \Rightarrow v = \left(\sqrt{25} \right) \frac{\text{m}}{\text{sec}} \Rightarrow v = 5 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$$

Πρόσοψη τραπεζιού

